

4点 $A(\vec{a})$ 、 $B(\vec{b})$ 、 $C(\vec{c})$ 、 $D(\vec{d})$ を頂点とする四面体 $ABCD$ において $\triangle ABD$ の重心を $G(\vec{g})$ 、線分 $CG$ を3:4に外分する点を $P(\vec{p})$ とする。 $\vec{p}$ を $\vec{a}$ 、 $\vec{b}$ 、 $\vec{c}$ 、 $\vec{d}$ で表せ。

四面体 $OABC$ において辺 $OA$ を1:2に内分する点を $M$ 、辺 $BC$ を3:1に内分する点を $Q$ 、線分 $MQ$ の midpoint を $R$ とし、直線 $OR$ と平面 $ABC$ の交点を $P$ とする。 $OR:RP$ を求めよ。  
 ヒント： $O$ に関する位置ベクトルを考え、 $A(\vec{a})$ 、 $B(\vec{b})$ 、 $C(\vec{c})$ とし、 $P$ が平面 $ABC$ 上にあること、直線 $OR$ 上にあることから $\vec{OP}$ を $\vec{a}$ 、 $\vec{b}$ 、 $\vec{c}$ を用いて2通りに表す。

4点 $A(\vec{a})$ 、 $B(\vec{b})$ 、 $C(\vec{c})$ 、 $D(\vec{d})$ を頂点とする四面体 $ABCD$ において $\triangle ABC$ の重心を $G(\vec{g})$ 、線分 $DG$ を1:4に内分する点を $P(\vec{p})$ とする。 $\vec{p}$ を $\vec{a}$ 、 $\vec{b}$ 、 $\vec{c}$ 、 $\vec{d}$ で表せ。

4点 $A(\vec{a})$ 、 $B(\vec{b})$ 、 $C(\vec{c})$ 、 $D(\vec{d})$ を頂点とする四面体 $ABCD$ において $\triangle ACD$ の重心を $G(\vec{g})$ 、線分 $BG$ を3:1に外分する点を $P(\vec{p})$ とする。 $\vec{p}$ を $\vec{a}$ 、 $\vec{b}$ 、 $\vec{c}$ 、 $\vec{d}$ で表せ。

4点 $A(\vec{a})$ 、 $B(\vec{b})$ 、 $C(\vec{c})$ 、 $D(\vec{d})$ を頂点とする四面体 $ABCD$ において $\triangle ABC$ の重心を $G(\vec{g})$ 、線分 $DG$ を3:7に内分する点を $P(\vec{p})$ とする。 $\vec{p}$ を $\vec{a}$ 、 $\vec{b}$ 、 $\vec{c}$ 、 $\vec{d}$ で表せ。

4点 $A(\vec{a})$ 、 $B(\vec{b})$ 、 $C(\vec{c})$ 、 $D(\vec{d})$ を頂点とする四面体 $ABCD$ において $\triangle BCD$ の重心を $G(\vec{g})$ 、線分 $AG$ を2:1に内分する点を $P(\vec{p})$ とする。 $\vec{p}$ を $\vec{a}$ 、 $\vec{b}$ 、 $\vec{c}$ 、 $\vec{d}$ で表せ。

4点 $A(\vec{a})$ 、 $B(\vec{b})$ 、 $C(\vec{c})$ 、 $D(\vec{d})$ を頂点とする四面体 $ABCD$ において $\triangle BCD$ の重心を $G(\vec{g})$ 、線分 $AG$ を6:5に外分する点を $P(\vec{p})$ とする。 $\vec{p}$ を $\vec{a}$ 、 $\vec{b}$ 、 $\vec{c}$ 、 $\vec{d}$ で表せ。

四面体 $OABC$ において辺 $OA$ の中点を $M$ 、辺 $BC$ を2:1に内分する点を $Q$ 、線分 $MQ$ の中点を $R$ とし、直線 $OR$ と平面 $ABC$ の交点を $P$ とする。 $OR:RP$ を求めよ。  
ヒント： $O$ に関する位置ベクトルを考え、 $A(\vec{a})$ 、 $B(\vec{b})$ 、 $C(\vec{c})$ とし、 $P$ が平面 $ABC$ にあること、直線 $OR$ 上にあることから $\vec{OP}$ を $\vec{a}$ 、 $\vec{b}$ 、 $\vec{c}$ を用いて2通りに表す。

4点 $A(\vec{a})$ 、 $B(\vec{b})$ 、 $C(\vec{c})$ 、 $D(\vec{d})$ を頂点とする四面体 $ABCD$ において $\triangle ABC$ の重心を $G(\vec{g})$ 、線分 $DG$ を3:2に外分する点を $P(\vec{p})$ とする。 $\vec{p}$ を $\vec{a}$ 、 $\vec{b}$ 、 $\vec{c}$ 、 $\vec{d}$ で表せ。

4点 $A(\vec{a})$ 、 $B(\vec{b})$ 、 $C(\vec{c})$ 、 $D(\vec{d})$ を頂点とする四面体 $ABCD$ において $\triangle ABD$ の重心を $G(\vec{g})$ 、線分 $CG$ を5:1に外分する点を $P(\vec{p})$ とする。 $\vec{p}$ を $\vec{a}$ 、 $\vec{b}$ 、 $\vec{c}$ 、 $\vec{d}$ で表せ。