

次の関数を微分せよ.

$$y = \log \sqrt{x^4 + x^2 + 1}$$

$$y' = \frac{\boxed{1} x^3 + \boxed{2} x}{x^4 + x^2 + 1}$$

次の関数を微分せよ.

$$y = \frac{x \log x - 3}{x^3}$$

$$y' = \frac{-\boxed{1} x^2 \log x + x^2 + \boxed{2} x}{x^{\boxed{3}}}$$

次の関数を微分せよ.

$$y = x e^{-x^2}$$

$$y' = (\boxed{1} - \boxed{2} x^2) e^{-x^2}$$

次の関数を微分せよ.

$$y = e^{3e^{2x}}$$

$$y' = \boxed{1} e^{3e^{2x} + \boxed{2}x}$$

関数 $y = \frac{x}{2x-1}$ の第4次導関数を求めよ.

$$y^{(4)} = \frac{\boxed{1}}{(2x-1)^{\boxed{2}}}$$

関数 $y = x^2 e^{-x}$ の第 n 次導関数を求めよ.

$$y^{(n)} = (-\boxed{1})^n \left\{ x^2 - \boxed{2}nx + n(n - \boxed{3}) \right\} e^{-x}$$

関数 $y = (x-3)^3(x+4)^4(2x-3)^5$ を微分せよ.

$$y' = (x-3)^{\boxed{1}}(x+4)^{\boxed{2}}(2x-3)^4(24x^2 - \boxed{3}x - 120)$$

関数 $y = (2x - 1)^{3x}$ $\left(x > \frac{1}{2}\right)$ を微分せよ.

$$y' = \boxed{1} (2x - 1)^{3x} \log(2x - 1) + \boxed{2} x(2x - 1)^{3x-1}$$

$x^2 + 3y^2 - 4xy = 1$ について, $\frac{dy}{dx}$ を求めよ.

ただし, $2x - 3y \neq 0$ とする.

$$\frac{dy}{dx} = \frac{\boxed{1}x - \boxed{2}y}{2x - 3y}$$

x の関数 y が θ を媒介変数として

$$x = 4 \cos 4\theta, \quad y = 3 \sin 6\theta$$

で表されるとき、導関数 $\frac{dy}{dx}$ を θ の関数として表せ.

ただし、 $\sin 4\theta \neq 0$ とする.

$$\frac{dy}{dx} = -\frac{\boxed{1} \cos 6\theta}{\boxed{2} \sin 4\theta}$$