

関数 $f(x)$ が $x=a$ で微分可能であるとき, 極限值

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a-h) - f(a+h)}{h}$$

を $f'(a)$ を用いて表せ.

定義にしたがって, 次の関数を微分せよ.

$$f(x) = \frac{1}{x^2 + 1}$$

定義にしたがって, 次の関数を微分せよ.

$$f(x) = \sqrt{4 - 3x}$$

次の関数 $f(x)$ は $x=1$ において連続であるか.

また, $x=1$ において微分可能であるか.

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - x + 3 & (x < 1) \\ -x^2 + 2x + 5 & (x \geq 1) \end{cases}$$

関数 $f(x) = |x^2 - x|(x+1)$ は $x=1$ において連続であるか。
また, $x=1$ において微分可能であるか。

次の関数を微分せよ。

$$y = (2x^2 - x + 4)(x^2 - 3x - 2)$$

$$y' = 8x^3 - \boxed{1}x^2 + \boxed{2}x - \boxed{3}$$

次の関数を微分せよ。

$$y = \frac{3x - 5}{2x^2 - 2x - 3}$$

$$y' = \frac{-\boxed{1}x^2 + \boxed{2}x - \boxed{3}}{(2x^2 - 2x - 3)^2}$$

次の関数を微分せよ.

$$y = \frac{2x^2 - 4x + 3}{3x^2 + x - 5}$$

$$y' = \frac{\boxed{1}x^2 - \boxed{2}x + \boxed{3}}{(3x^2 + x - 5)^2}$$

次の関数を微分せよ.

$$y = \frac{1}{x} - \frac{2}{x^3} + \frac{3}{x^4}$$

$$y' = -\frac{\boxed{1}}{x^2} + \frac{\boxed{2}}{x^4} - \frac{\boxed{3}}{x^5}$$

次の関数を微分せよ.

$$y = \frac{x^4 + 2x^3 - 3x^2 - x}{x^5}$$

$$y' = \frac{-x^3 - \boxed{1}x^2 + \boxed{2}x + \boxed{3}}{x^5}$$